

שאלון 481 - פתרון בגרויות משנה קודמות

פרק 10 - פתרון בוידאו של בחינות 2014

תוכן העניינים

1	1. מועד חורף
6	2. קיז מועד א
10	3. קיז מועד ב
15	4. קיז מועד ג.

בגרות חורף 2014

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות ($33\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-1 (לכל שאלה $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- 1) נתון מעגל I שרדיוסו r , וננתן מעגל II שרדיוסו R . הרדיוס R גדול מהרדיוס r ב-30%.

א. מצא בכמה אחוזים גדול שטח העיגול II משטח העיגול I.

- ב. ידוע כי שטח העיגול II גדול ב- 54.165 סמ"ר משטח העיגול I. חשב את הרדיוס r . בחישוביך השתמש ב- $\pi = 3.14$.

- 2) במלבן ABCD הקדקוד A נמצא על יד ציר ה- x (ראה ציור). שיעור ה- y של הקדקוד B הוא 8.

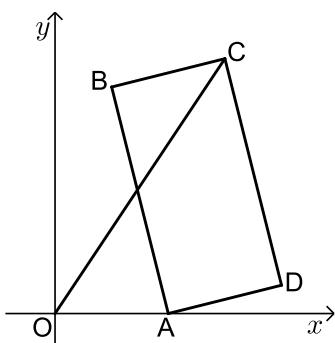
$$\text{משוואת הצלע BC היא: } y = \frac{1}{4}x + 7\frac{1}{2}.$$

$$\text{משוואת הישר OC (O - ראשית הצירים) היא: } y = 1.5x.$$

- א. מצא את השיעורים של קדקוד B ושל הקדקוד C.

- ב. (1) מצא את השיעורים של הקדקוד A.
 (2) מצא את השיעורים של נקודות המפגש של אלכסוני המלבן.

- ג. מצא את שטח המשולש OAD.



(3) ענת אבַי ודוד מתמודדים על תפקיד יוֹשֵׁב-רָאש של מועצת התלמידים בבית הספר. לפניהם תוכאות של סקר שנערך לפני הבחירה בקרב תלמידי בית הספר.

דוד	אבי	ענת	המתחרה
100	200	100	מספר הבנים התומכים
50	150	200	מספר הבנות התומכות

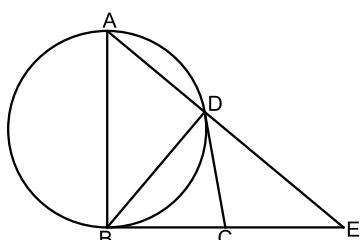
(כל תלמיד תומך בדיק באחד המתמודדים).

- א. בוחרים באקראי תלמיד (בן / בת) מבין המשתתפים בסקר.
מהי ההסתברות שהוא תומך באבַי?
- ב. בוחרים באקראי תלמיד (בן / בת) מבין המשתתפים בסקר.
ידעו שהוא תומך בענת. מהי ההסתברות שהתוםך הוא בת?
- ג. (1) בוחרים באקראי תלמיד (בן / בת) מבין המשתתפים בסקר.
ידעו שהוא אין תומך בענת. מהי ההסתברות שהוא תומך בדוד?
(2) בוחרים באקראי 5 תלמידים (בניים/בנות) מבין אלה שאינם תומכים בענת.
- מהי ההסתברות שלפחות אחד מהם תומך בדוד?
(הניסיונות הם בלתי תלויים).

פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה במישור ($33\frac{1}{3}$ נקודות)

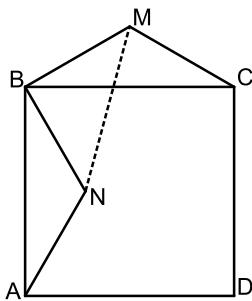
ענה על שתיים מהשאלות 6-4 (לכל שאלה $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמבחןך.

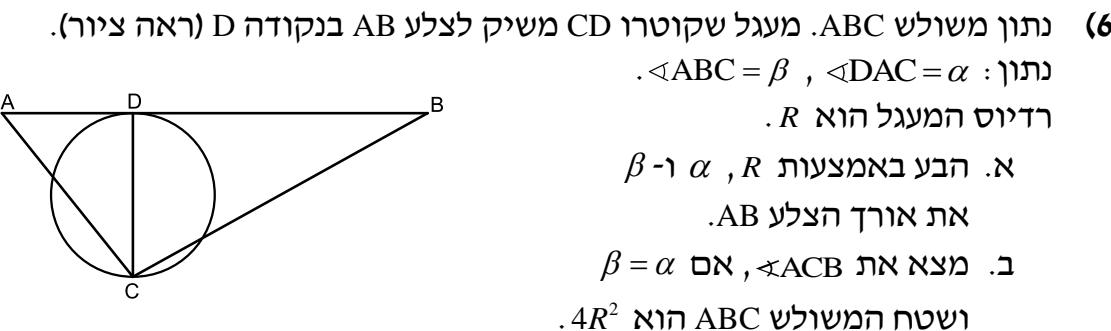


(4) CB ו- CD הם שני משיקים למעגל.
AB הוא קוטר למעגל זה.
המשק AD והמשק BC נפגשים בנקודה E
(ראה ציור).

- א. הוכח: $\angle E = 2 \cdot \angle DCB$.
- ב. הוכח: $BD^2 = AD \cdot DE$.
- ג. הוכח: DC הוא תיכון במשולש BDE.



- 5) נתון משולש שווה שוקיים $(MC = MB = BC)$ על הבסיס BC בנו ריבוע $ABCD$.
 $\Delta NBA \cong \Delta MBC$ כך ש- N היא נקודת בתוכה הריבוע (ראה ציור).
 א. הוכח כי: $\angle MBN = 90^\circ$.
 ב. הוכח כי: $\angle BMN = \angle BNM$.
 ג. נתון גם: $16 \text{ ס"מ} = \angle BMC = 120^\circ$, $MN = \sqrt{3}$.
 חשב את האורך של צלע הריבוע $ABCD$.

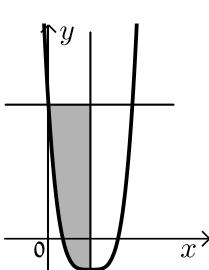


פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי ואנטגרלי של פונקציות טריגונומטריות, של פולינומים, של פונקציות רציניות ושל פונקציות

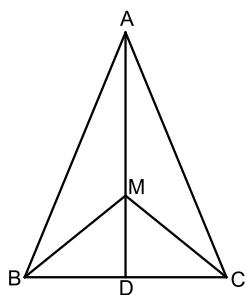
שורש ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 9-7 (לכל שאלה $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



- 7) נתונה הפונקציה: $f(x) = (2x - 2)^4 - 3$.
 דרך נקודות המינימום של הפונקציה העבירו ישר המאונך לציר ה- x , ודרך נקודת החיתוך של גраф הפונקציה עם ציר ה- y העבירו ישר המקביל לציר ה- x (ראה ציור).
 א. מהו תחום ההגדרה של הפונקציה?
 ב. מצא את משוואת האנך ואת משוואת המקביל.
 ג. חשב את השטח המוגבל על ידי גраф הפונקציה, על ידי האנך ועל ידי המקביל (השטח המוקווקו בציור).



8) נתון משולש שווה-שוקיים $(AB = AC)$ $\triangle ABC$ שבו אורך הגובה AD לבסיס BC הוא 12 ס"מ, ואורך הבסיס BC הוא 10 ס"מ. M היא נקודה כלשהי על הגובה AD .
נסמן: $MD = x$.

א. מצא עבור أيיה ערך של x סכום הקטעים $AM + MB + MC$ הוא מינימלי.
תוכל להסביר שורש בתשובה?

ב. חשב את גודל הזווית BMC עבור הערך של x שמצא בסעיף א.

9) נתונה פונקציית הנגזרת $f'(x) = x - \frac{16}{x^3}$, $x \neq 0$.

א. (1) מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$
וקבע את סוגן.
(2) שיעור ה- y של כל אחת מן נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ הוא 4.

מצא את הפונקציה $f(x)$.

ב. (1) מצא את האסימפטוטה האנכית של הפונקציה $f(x)$
וسرטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
(2) ידוע כי לפונקציית הנגזרת $(x)f'$ אין נקודות קיצון.
סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת $(x)f'$.

תשובות סופיות:

ב. 5 ס"מ = r א. 69% **(1)**

ג. 2 יט"ר. $(5,4,5)$ (2) ב. $A(4,0)$ (1) C(6,9), B(2,8) א. (2)

.0.83193 (2) 0.3 (1) .ג ב. $\frac{2}{3}$ א. $\frac{7}{16} = 0.4375$ **(3)**

ג. הוכחה. ב. הוכחה. א. הוכחה. **(4)**ג. 19.596 ס"מ = $8\sqrt{6}$ ב. הוכחה. א. הוכחה. **(5)**

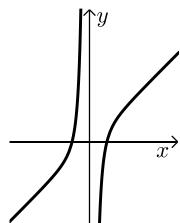
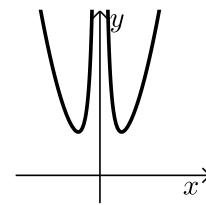
ב. 90° א. $\frac{2R}{\tan \alpha} + \frac{2R}{\tan \beta}$ **(6)**

.12.8 .ג ב. $y=13, x=1$ א. כל x **(7)**

.120° ב. $2.887 x = \frac{5\sqrt{3}}{3}$ א. **(8)**

$f(x) = \frac{x^2}{2} + \frac{8}{x^2}$ (2) $x_{\min} = 2, x_{\max} = -2$ (1) .נ **(9)**

(2)

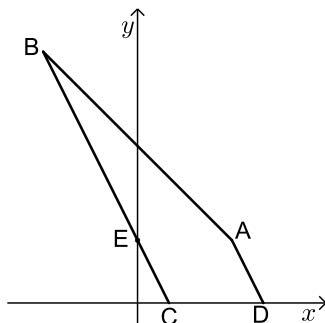
ב. $x=0$ (1) .ב

בגרות קיז 2014 מועד א':

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-1 (לכל שאלה 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- (1) כל אחת משתי חברות תיירות, חברת א' וחברה ב', פרסמה באינטרנט הצעה לטיסות לחו"ל. לכל ההצעה יש אותו מחיר. המחיר של כל אחת מההצעות כולל את מחיר הטיסה ואת מחיר האירוח במלון. מחיר הטיסה בחברה א' קטן ב-10% ממחיר הטיסה בחברה ב'. מחיר האירוח במלון בחברה א' גדול ב-20% ממחיר האירוח במלון בחברה ב'. סמן ב- x את מחיר הטיסה בחברה ב', וב- y את מחיר האירוח במלון בחברה ב'.
 א. הראה כי: $y = 2x$.
 ב. יוסי הזמין את הטיסה בחברה א' ואת האירוח במלון בחברה ב' ושלם סך הכל 5040 שקלים. מצא את מחיר הטיסה בחברה ב', ואת מחיר האירוח במלון בחברה ב'.



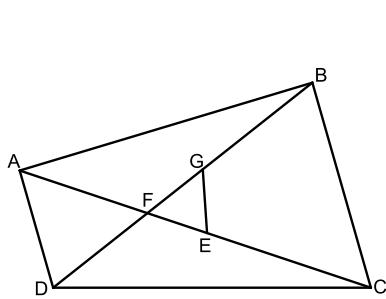
- (2) $ABCD$ הוא מרובע שבו $AD \parallel BC$.
 הצלע AB מונחת על הישר $x + y = 10$, והצלע CD מונחת על ציר ה- x . נתון: $D(8,0)$, $C(2,0)$,
 שיעור ה- x של הנקודה A הוא 6.
 א. מצא את שיעור ה- y של הנקודה A .
 ב. מצא את משוואת הישר AD .
 ג. מצא את שיעורי הנקודה B .
 ד. הישר BC חותך את ציר ה- y בנקודה E .
 (1) הראה כי הישר AE מקביל לציר ה- x .
 (2) מצא את שטח המשולש AEB .

- (3) ערכו סקר בקרבת מספר גדול של תלמידים. הסקר בדק כמה תלמידים רוצים להמשיך ללימודים אקדמיים. על פי ממציא הסקר, 60% מהמשתתפים בסקר (בנים / בנות) רוצים להמשיך ללימודים אקדמיים. מספר הבנים שהשתתפו בסקר קטן פי 3 ממספר הבנות שהשתתפו בסקר. ידוע כי 80% מן הבנים שהשתתפו בסקר רוצים להמשיך ללימודים אקדמיים.
- א. בוחרים באקראי תלמיד (בן / בת) שהשתתף בסקר.
- (1) מהי הסתברות שנבחרה בת הרוצה להמשיך ללימודים אקדמיים?
 - (2) ידוע שנבחרה בת.
- מהי הסתברות שהיא רוצה להמשיך ללימודים אקדמיים?
- ב. בוחרים באקראי 5 תלמידים (בנים / בנות) מבין המשתתפים בסקר. מהי הסתברות שלפחות 4 מהם רוצים להמשיך ללימודים אקדמיים?

פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה במשורט (20 נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.



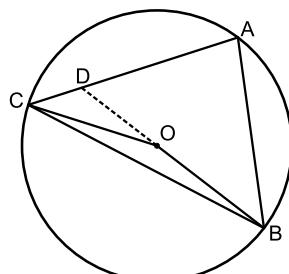
- (4) F היא נקודת החיתוך של האלכסונים במרובע ABCD. הנקודה E נמצאת על FC, והנקודה G נמצאת על FB, באופן שהמרובע BCEG הוא בר-חסימה במעגל (ראה ציור).

א. הוכח: $\triangle FEG \sim \triangle FBC$:

$$\frac{AF}{FG} = \frac{DF}{FE}$$

ב. נתון: $\triangle FDA \sim \triangle FEG$:

ג. הוכח: $AD \parallel BC$:



- (5) ABC הוא משולש שווה-שוקיים ($AC = AB$) החסום במעגל שמרכזו O ורדיוסו R (ראה ציור). נתון: $\angle BAC = 80^\circ$.

א. הבע באמצעות R את אורך הצלע AB.

ב. מצא את $\angle COB$. נמק.

ג. המשך OB חותך את השוק AC בנקודה D (ראה ציור).

נתון: 5 ס"מ = BD .

(1) מצא את $\angle ABD$.

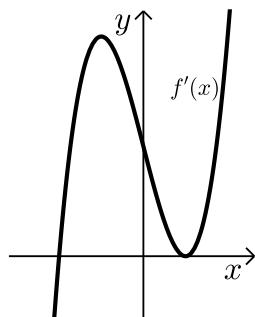
(2) מצא את R.

פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי ואנטגרלי של פולינומים, של פונקציות רצינוליות ושל פונקציות שורש (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 8-6 (לכל שאלה 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

6) נתונה הפונקציה $f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 3}$.

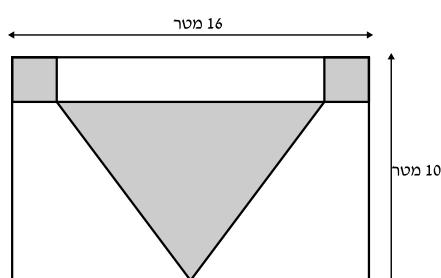
- א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.
- ב. מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$.
- ג. מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $f(x)$.
- ד. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
- ה. האם הישר $y = 2 - x$ חותך את גרף הפונקציה $f(x)$? נמק.



7) היא פונקציה ש媺דרת לכל x .

בציור שלפניך מוצג הגרף של פונקציית הנגזרת $f'(x)$. הגרף של פונקציית הנגזרת $f'(x)$ עובר דרך נקודות: $(-2,0)$, $(0,1)$, $(1,0)$.

- א. (1) על פי הגרף של פונקציית הנגזרת $f'(x)$ מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $f(x)$.
- (2) מהו שיעור ה- $-x$ של נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, ומהו סוג הקיצון? נמק.
- (3) נתון כי פונקציית הנגזרת היא: $f'(x) = 4x^3 - 12x + 8$.
שיעור ה- y של נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$ הוא 10.
מצא את הפונקציה $f(x)$.
- ב. מצא את השיעורים של נקודות שבהן שיפוע המשיק לגרף הפונקציה $f(x)$ הוא 0.



- (8) האורך של קיר בצורת מלבן הוא 16 מטר, והגובה של הקיר הוא 10 מטר. רוצים לצפות בקרמיקה חלק מהקיר. החלק שרוצים לצפות כולל:
- שני ריבועים זהים בפינות המלבן
 - משולש שווה-שוקיים שביסיסו מקבל צלע המלבן (השתחים האפורים בציור).
- סמן ב- x את האורך של צלע הריבוע, וענה על הסעיפים א-ג.

- א. הביע באמצעות x את הגובה לבסיס המשולש שווה-שוקיים.
 ב. מה צריך להיות x , כדי שסכום השטחים שרוצים לצפות בקרמיקה יהיה מינימלי?
 ג. עבור ה- x שמצויה בסעיף ב, חשב כמה אחוזים משטח הקיר מהוوه החלק שרוצים לצפות בקרמיקה.

תשובות סופיות:

1) ב. $y = 1800$, $x = 3600$

2) א. 4. $y = -2x + 16$

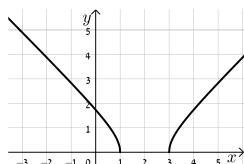
ד. 36 (2) יחר.

3) א. 0.4 (1). $\frac{8}{15}$

4) א. הוכחה. ב. הוכחה.

5) א. $1.532R$. ב. 40° . ג. (1) ס"מ.

6) א. $x \geq 3$ או $x \leq 1$. ב. $x < 1$. ג. עלייה: $x > 3$.



7) א. (1) עלייה: $x > -2$. ירידה: $x < -2$.

ב. $f(x) = x^4 - 6x^2 + 8x + 14$. א. (3) $x_{\min} = -2$ (2)

ג. 33.125%. ב. 3. א. $10 - x$

בגרות קיז 2014 מועד ב':

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-1 (לכל שאלה 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1) רוכב אופניים יצא מישוב A, ורכב ב מהירות קבועה ליישוב B.

הרוכב הגיע ליישוב B, וחזר מיד ליישוב A.

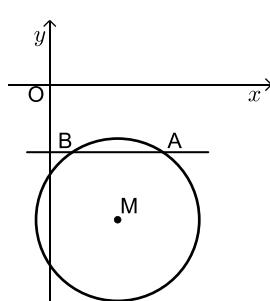
המרחק בין יישוב A ליישוב B הוא 30 ק"מ.

מהירות הרוכב בדרכו חוזרת ליישוב A הייתה קטנה ב-3 קמ"ש מהמהירות שלו בדרכו ליישוב B. זמן הרכיבה חוזרת ליישוב A היה ארוך ב-50 דקות מזמן הרכיבה ליישוב B.

א. מצא את המהירות של רוכב האופניים בדרכו ליישוב B.

ב. מצא באיזה מרחק מישוב B היה הרוכב בעבר $3\frac{1}{2}$ שעות.

מרגע הייציאה מישוב A.



2) הישר $3x - 2y = 0$ חותך מעגל בנקודות A ו-B (ראה ציור).

$$\text{הנקודה A נמצאת גם על הישר : } y = -\frac{2}{3}x + \frac{1}{3}$$

א. מצא את השיעורים של הנקודה A.

ב. נתון כי מרכז המעגל הוא M(3, -6).

מצא את משוואת המעגל.

ג. מצא את שטח המרובע OAMB

(O – ראשית הצירים).

(3) בעיר גדרה ערכה מחלוקת החינוך סקר שהשתתפו בו כל המורים המלמדים במוסדות החינוך בעיר. המורים נשאלו באיזו שעה הם מעדיפים להתחיל את יום הלימודים : בשעה 00:08 או בשעה 00:09.

$\frac{1}{5}$ מן המשתתפים בסקר הונשים שمعدיפות להתחיל את הלימודים בשעה 00:08.

$\frac{1}{4}$ מן הנשים שהשתתפו בסקר מעדיפות להתחיל את הלימודים בשעה 00:08.

$\frac{1}{2}$ מן הגברים שהשתתפו בסקר מעדיפים להתחיל את הלימודים בשעה 00:08.

א. מבין המשתתפים בסקר בוחרים באקראי מורה (גבר / אישה).

מהי ההסתברות שהוא מעדיף להתחיל את הלימודים בשעה 00:08?

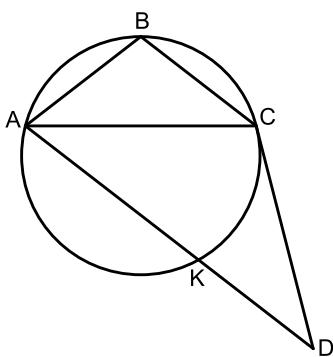
ב. מבין המשתתפים בסקר בוחרים באקראי מורה (גבר / אישה) שمعدיפה להתחיל את הלימודים בשעה 00:09. מהי ההסתברות שנבחרה אישה?

ג. מבין המשתתפים בסקר בוחרים באקראי 5 מורים (גברים / נשים). מהי ההסתברות שבבדיקה אחד מהם מעדיף להתחיל את הלימודים בשעה 00:09?

פרק שני – גאומטריה וטרייגונומטריה במישור (20 נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 5-4.

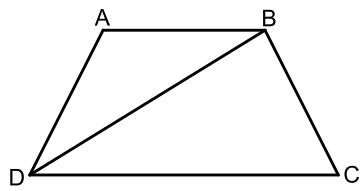
שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.



(4) משולש שווה-שוקיים (קחה-זווית) ABC חסום במעגל. הישר CD משיק למעגל בנקודה C . נתון כי $BC \parallel AD$ (ראה צירור).

א. הוכח כי משולש ACD הוא משולש שווה-שוקיים.

ב. חותך את המעגל בנקודה K . הוכח:
 . $\angle CKD = \angle ABC$
 . $\triangle ABC \cong \triangle CKD$



(5) ABCD הוא טרפז שווה-שוקיים

(AB < DC, AB || DC) (ראה ציור).

נתון : $\angle ABD = \alpha$, $AD = AB = BC = m$ א. נתון כי שטח המשולש DAB הוא : $\frac{m^2\sqrt{3}}{4}$.
מצאו את α .ב. נתון כי שטח הטרפז ABCD הוא : $27\sqrt{3}$.
מצאו את m .

פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים, של פונקציות רצינוליות ושל פונקציות שורש (40 נקודות)

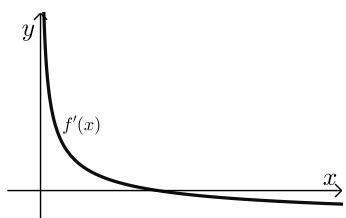
עננה על שתיים מהשאלות 8-6 (לכל שאלה 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמבחןך.

$$6) \text{ נתונה הפונקציה } f(x) = 1 - \frac{1}{(x-5)^2}$$

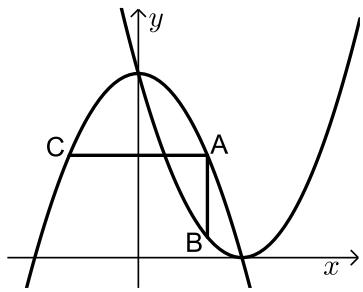
א. (1) מצאו את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.(2) מצאו את האסימפטוטות של הפונקציה $f(x)$ המקבילות לצירים.(3) מצאו את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.(4) מצאו את הסימן של פונקציית הנגזרת $(x)' f$ בתחום $x < 5$,ומצאו את הסימן של פונקציית הנגזרת $(x)' f$ בתחום $x > 5$.ב. סרטטו סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.ג. העבירו ישר המשיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודה שבה $x = 4$.

מצאו את השיעורים של נקודות החיתוך של המשיק עם האסימפטוטות

של הפונקציה $f(x)$.



- 7) בציור שלפניך מוצג גרף של פונקציה
הנגזרת: $f'(x) = \frac{4}{\sqrt{x}} - 1$, $x > 0$.
- מצא את שיעור ה- x של נקודת החיתוך
של $f'(x)$ עם ציר ה- x .
 - מצא את שיעור ה- x של נקודת הקיצון הפנים של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה. נמק.
 - ידעו כי שיעור ה- y של נקודת הקיצון הפנים של $f(x)$ הוא 0. מצא את $f(x)$.
 - חשב את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הנגזרת $f'(x)$, על ידי הישר $x = 4$, על ידי הישר $x = 25$ ועל ידי ציר ה- x .



- 8) בציור שלפניך מוצגים הגרפים של הפונקציות:
 $g(x) = (x-3)^2$ ו- $f(x) = -x^2 + 9$
 הנקודה A נמצאת בריבוע הראשון על גרף
הפונקציה $f(x)$.
 מהנקודה A העבירו שני ישרים:
 ישר אחד, המקביל לציר ה- y וחותך את גרף
הפונקציה $g(x)$ בנקודה B, וישר אחר, המקביל
לציר ה- x וחותך את גרף הפונקציה $f(x)$ בנקודה C (ראה ציור).
 נסמן את שיעור ה- x של הנקודה A ב- t .
- הבע באמצעות t את השיעורים של הנקודות A, B, ו-C.
 - מצא את הערך של t שעבורו שטח המשולש ABC הוא מקסימלי.

תשובות סופיות:

ב. 9 קמ''ש.

א. 12 קמ''ש. **(1)**

ג. 12 יט''ר. $(x-3)^2 + (y+6)^2 = 13$ ב.

(5,-3) א. **(2)**

ג. 0.02835.

ב. $\frac{6}{7}$

0.3 א. **(3)**

ג. הוכחה.

ב. הוכחה.

א. הוכחה. **(4)**

ב. 6.

א. 30° **(5)**

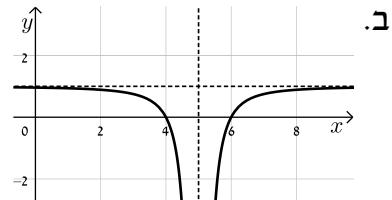
(6,0) , (4,0) , $\left(0, \frac{24}{25}\right)$ **(3)**

y=1 , x=5 **(2)**

x ≠ 5 **(1)** א. **(6)**

. x<5 : שלילי בתחום ; חיובי בתחום $x>5$ (4) הסימן של $f'(x)$

ג. $(3.5,1)$, $(5,-2)$



f(x)=8\sqrt{x}-x-16 . ג.

ב. $x_{\max} = 16$

א. $x=16$ **(7)**

.5 .7

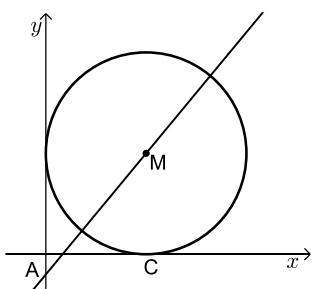
. t=2 . ב. C(-t, -t^2+9) , B(t, (t-3)^2) , A(t, -t^2+9) א. **(8)**

בגרות קיז 2014 מועד ג':

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-1 (לכל שאלה 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

- (1) רמי ויוסי קנו מחברות זהות באותו החנות.
רמי קנה מספר מסוים של המחברות.
ายלו רמי היה קונה מחברת אחת יותר משקנה, היה משלם סך הכל 80 שקלים.
יוסי קנה 5 מחברות יותר מאשר המחברות שקנה רמי,
וקיבל הנחה של 15% על כל מחברת.
יוסי שילם סך הכל 10 שקלים יותר מהסכום ששילם רמי עבור המחברות שקנה.
מצא את הסכום ששילם רמי עבור המחברות שקנה.



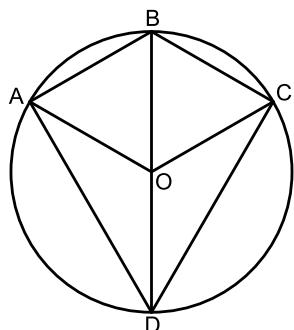
- (2) נתון מעגל המשיק לצירים.
נקודה C היא נקודת ההשקה עם ציר ה- x .
מרכז המעגל M מונח על ישר שמשוואתו: $y = 1.2x - 1$.
הישר חותך את ציר ה- y בנקודה A (ראה ציור).
א. (1) מצא את השיעורים של מרכז המעגל M.
(2) רשם את משוואת המעגל.
ב. דרך הנקודה C העבירו מקביל לישר AM.
המקביל חותך את ציר ה- y בנקודה E.
מצא את שטח המרובע AMCE.

- (3) יוסי ואורי מתמודדים ביניהם בתחרות שש-בש.
בתחרות 6 משחקים. מי שמנצח ביותר משחקים הוא המנצח בתחרות.
בכל משחק בודד מנצח אחד מהם. (אין תיקו במשחק בודד).
הסתברות שיוסי ינצח במשחק בודד היא 0.5.
(בכל משחק יש ליאו אוטה הסתברות לניצח).
א. מהי ההסתברות שיוסי ינצח בתחרות?
ב. מהי ההסתברות שאחד מהם ינצח בתחרות?
ג. מהי ההסתברות שהතחרות תסתיים תיקו?

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במישור (20 נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבחרתך.



(4) מרובע ABCD חסום במעגל שמרכזו O.

BD הוא קוטר במעגל (ראה ציור).

נתון: $\angle AOB = \angle COB = \alpha$.

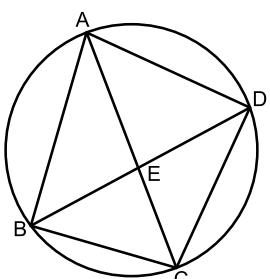
א. הוכח כי BD חוצה זוויות ADC.

ב. (1) הבע באמצעות α את $\angle ABC$.

(2) האם אפשר לחסום במעגל את המרובע ABCO? נמק.

ג. נתון: $\angle AOC = 120^\circ$.

הוכח כי המרובע ABCO הוא מעוין.



(5) מרובע ABCD חסום במעגל (ראה ציור).

נתון: $AB = 8 \text{ ס''מ}$, $\angle ABC = 90^\circ$.

רדיוס המעגל הוא 5 ס''מ.

א. חשב את גודל הזווית BDC.

ב. נתון גם: $DC = 7 \text{ ס''מ}$.

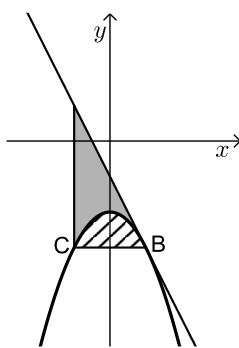
אלכסוני המרובע נפגשים בנקודה E.

(1) חשב את גודל הזווית DBC.

(2) חשב את AE.

פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי ואנטגרלי של פולינומים, של פונקציות רצינוליות ושל פונקציות שורש (40 נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 8-6 (לכל שאלה 20 נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



6) נתונה הפונקציה $f(x) = -x^2$.

B ו-C הן נקודות על גרף הפונקציה כך ש-BC

מקביל לציר ה- x . הנקודה B נמצאת ברביע הרביעי.

דרך הנקודה B העבירו משיק לגרף הפונקציה (ראה ציור). המשיק מקביל לישר $y = -2x + 1$.

א. מצא את משוואת המשיק.

ב. דרך הנקודה C העבירו אנך ל-BC (ראה ציור).

S_1 הוא השטח המוגבל על ידי הגרף של $f(x)$

ועל ידי הישר BC (השטח המוקוון בציור).

S_2 הוא השטח המוגבל על ידי הגרף של $f(x)$,

על ידי המשיק ועל ידי האנך (השטח המונדק בציור).

$$\text{ממצא את היחס } \frac{S_1}{S_2}.$$

7) הפונקציה $f(x)$ מוגדרת לכל x שונה מ-1.

$$\text{נתון כי פונקציית הנגזרת של } f(x) \text{ היא: } f'(x) = \frac{1}{(x-1)^2}.$$

הישר $y = 3$ משיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודת המינימום שלה.

א. מצא את השיעורים של נקודות המינימום של הפונקציה $f(x)$.

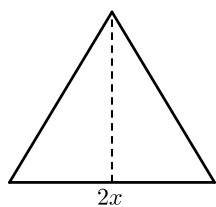
ב. מצא את הפונקציה $f(x)$, ואת השיעורים של נקודות המקסIMUM שליה.

ג. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ד. העבירו משיק לגרף הפונקציה $f(x)$ המקביל למשיק $y = 3$.

שני המשיקים יוצרים מלבן עם ציר ה- y ועם האסימפטוטה האנכית

של הפונקציה $f(x)$. מצא את שטח המלבן.



8) נתון משולש שווה-שוקיים שהיקפו 30 ס"מ.

א. סמן ב- x את בסיס המשולש, והבע באמצעות x את גובה המשולש לבסיס.

ב. מה צריך להיות x כדי שטח המשולש יהיה מקסימלי?

ג. הראה כי המשולש שיש לו שטח מקסימלי הוא משולש שווה-צלעות.

תשובות סופיות:

. נ. 75 (1

. ב. 25 י"ר. $(x-5)^2 + (y-5)^2 = 25$ (2) M(5,5) (1). א. (2

. ג. $\frac{5}{16} = 0.3125$ $\frac{11}{16} = 0.6875$ $\frac{11}{32} = 0.34375$ (3

. ב. (1) $180^\circ - \alpha$ (2) לא. א. הוכחה. (4

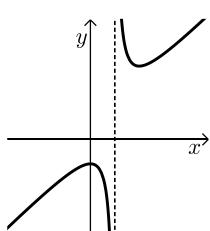
. ג. הוכחה. (4

. ב. 5.763 (2) ס"מ. 44.43° (1) 36.87° (5

. ב. $\frac{S_1}{S_2} = \frac{1}{2}$ $y = -2x - 1$ (6

. ג. $(0, -1)$, $f(x) = x + \frac{1}{x-1}$ (2,3) (7

. ד. 4 י"ר. (7



. א. $\sqrt{225 - 30x}$ ב. 5 (8

. ג. כל הצלעות שוות ל-10 ס"מ במשולש המקסימלי.